

Matematika (PITUP)

- Zadaća 3 -

(Predikati.)

1. Zadan je predikat $P(x, y) := x + y \leq 5$. Ispišite tablicu predikata, ako je univerzum razmatranja $\mathcal{U} = \{1, 2, 3, 4\}$. Odredite istinitost sljedećih tvrdnji i obrazložite odgovor:

i) $\forall x \exists y P(x, y)$

ii) $\exists x \forall y P(x, y)$

iii) $\forall y \exists x \neg P(x, y)$

iv) $\exists! x P(x, 3)$

v) $\forall y P(1, y)$

2. Zadani su predikati $P(x) :=$ "x je paran" i $Q(x) :=$ "x je djeljiv s 3". Ako je $\mathcal{U} = \mathbb{Z}$ odredite istinitost tvrdnji i obrazložite odgovor:

i) $\exists x (P(x) \wedge Q(x))$

ii) $\forall x (P(x) \Rightarrow \neg Q(x))$

iii) $(\forall x P(x)) \Rightarrow (\exists x Q(x))$

iv) $\forall x (P(x) \vee Q(x))$

v) $\exists! x (\neg P(x) \wedge Q(x))$

3. Iz zbirke zadataka riješite zadatke:

- Zadatak 7, str.40.
- Zadatak 10, str.42.
- Zadatak 13, str.43.